

remarques : Pour résoudre ce QCM, vous n'avez le droit à aucun documents. Certaines questions peuvent admettre plusieurs bonnes réponses. **Prénom / Nom :**

Question 1 : Soient $A \in \mathbb{R}^{n \times m}$ et $B \in \mathbb{R}^{p \times q}$ deux matrices.

- le produit AB est défini si $m = q$
- le produit AB est défini si $n = q$
- le produit AB est défini si $m = p$
- le résultat AB est une matrice dans $\mathbb{R}^{m \times p}$
- le résultat AB est une matrice dans $\mathbb{R}^{n \times q}$
- le résultat AB est une matrice dans $\mathbb{R}^{n \times p}$

Question 2 : La fonction $f : (x, y, z) \mapsto Ax + y + Bz$ avec $x \in \mathbb{R}^n, y \in \mathbb{R}^n, z \in \mathbb{R}^n, A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ et $B \in \mathbb{R}^{n \times n}$

- f admet 3×1 dérivées partielles
- f admet $3 \times n$ dérivées partielles
- f admet $3n \times n^2$ dérivées partielles
- f admet $3n \times n$ dérivées partielles
- f admet $n^3 \times n$ dérivées partielles

Question 3 : La fonction $f : W \mapsto Wx$ avec $W \in \mathbb{R}^{n \times n}$ et $x \in \mathbb{R}^n$

- admet n^3 dérivées partielles
- admet n^2 dérivées partielles
- admet n dérivées partielles
- admet pour Jacobienne : $J_f(W) = W$
- admet pour Jacobienne : $J_f(W) = x$

Question 4 : Quelles assertions sont vraies ?

- La sigmoïde transforme les coordonnées d'un vecteur en probabilités indépendantes
- Le softmax transforme les coordonnées d'un vecteur en probabilités indépendantes
- La jacobienne du softmax est une matrice diagonale (des zéros partout hors de la diagonale)
- La jacobienne de la sigmoïde est une matrice diagonale (des zéros partout hors de la diagonale)

Question 5 : La chain rule donne

- $J_{f_n \circ \dots \circ f_1}(x) = J_{f_1}(x) \times \dots \times J_{f_n}(f_{n-1}(x))$
- $J_{f_n \circ \dots \circ f_1}(x) = J_{f_1}(x) \times \dots \times J_{f_n}(f_{n-1}(\dots f_1(x)))$
- $J_{f_n \circ \dots \circ f_1}(x) = J_{f_n}(f_{n-1}(\dots f_1(x))) \times \dots \times J_{f_1}(x)$
- $J_{f_n \circ \dots \circ f_1}(x) = J_{f_n}(x) \times \dots \times J_{f_1}(x)$