

*remarques* : Pour résoudre ce QCM vous n'avez le droit à aucun documents. Certaines questions peuvent admettre plusieurs bonnes réponses.

**Prénom / Nom :**

**Question 1 :** Soient  $f$ ,  $g$  et  $h$  trois fonctions et  $F$  une fonction composée telle que  $F = h \circ g \circ f$ . Pour calculer le gradient de  $F$ , on utilise la chain rule qui demande le calcul de

- $\nabla f$ ,  $\nabla g$  et  $\nabla h$
- $\nabla f$ ,  $(\nabla g) \circ (f)$  et  $((\nabla h) \circ (\nabla g \circ (\nabla f)))$
- $\nabla f$ ,  $(\nabla g) \circ (f)$  et  $(\nabla h) \circ (g \circ (\nabla f))$
- $\nabla f$ ,  $(\nabla g) \circ (f)$  et  $(\nabla h) \circ (g \circ f)$

**Question 2 :** Soit  $A$  une matrice carrée de taille 2, alors

- $A \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$
- $A \in \mathbb{R}^{2 \times 1}$
- $A \in \mathbb{R}^{1 \times 2}$
- $A \in \mathbb{R}^2$

**Question 3 :** Soient  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  et  $g : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Quels sont les énoncés valides de la chain rule pour  $g \circ f$  ?

- $\nabla(g \circ f) = (\nabla g) \times (\nabla f)$
- $\nabla(g \circ f) = (\nabla f)^T \times (\nabla g)(f)^T$
- $\nabla(g \circ f) = (\nabla g)(f) \times (\nabla f)$
- $\nabla(g \circ f) = ((\nabla f)^T \times (\nabla g)(f)^T)^T$

**Question 4 :** Soit  $A$  une matrice telle que

$$A = \begin{pmatrix} \pi & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

- $A$  est diagonale
- $A$  est carrée
- $A$  est inversible
- le carré de  $A$  vaut  $A$

**Question 5 :** Inversez la matrice  $A$